

TV képjel generáló eljárás forráskódoló méréséhez



BALÁZS PÉTER

ÖSSZEFOGLALÁS

Egy TV képjel kódoló hatásfokát a redundancia csökkentésén és torzítási mértékén keresztül vizsgálják. Ahhoz azonban, hogy ez a vizsgálat valóság-hű legyen, a bemenő mérő jelnek — ha mesterséges képjellel való vizsgálatról van szó — a paramétereiben a lehető legközelebb kell lennie a valódi képjel statisztikai tulajdonságaihoz. A dolgozat eljárást ismertet egy ilyen képjel generálására, részletezve a matematikai megoldásokat.

Bevezetés

A képmodellezés — megfelelő sztohasztikus tulajdonságokkal — már régóta használatos. Ezek a modellek a könnyen generálható 2-D (2 dimenziós) Gauss eloszlású véletlen teret használják a kép előállításához, azonban a 2-D Gauss eloszlás — a szélsőséges eseteket kivéve — nem alkalmas a „reális” képek (real-world imagery) él-strukturájának modellezéséhez. A következőkben ismertetésre kerül eljárás rendelkezik az előző modellek tulajdonságaival, de alkalmas az él torzítások mérésére is. Ezenkívül, mivel maga a kép számítógépes generálás útján keletkezik, közvetlen mérésre is felhasználható, mégpedig úgy, hogy nem csak a numerikus, hanem a vizuális mérés is elvégezhető.

1. Négyzet mozaikozású kép

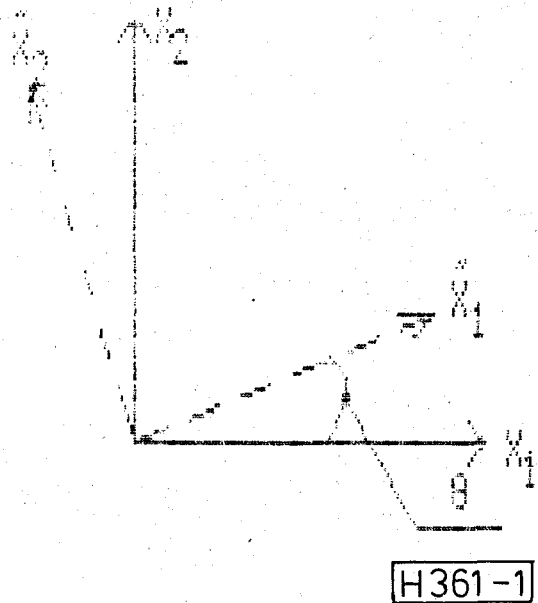
Az előállítás során alapvető szerepet játszik a pozitív egész számokat tartalmazó véletlen tér ($N(x), x > 0$) (ahol $x > 0$ jelentése: $x^T = (x_1, x_2)$ olyan, hogy $x_i \geq 0; i = 1, 2$), amely 2-D generálását végzi egy számláló folyamatnak (counting process).

Legyen \tilde{x} vektor x -nek az A unitér mátrixszal való szorzásának eredménye, ahol

$$A = \begin{bmatrix} \cos(\theta) & \sin(\theta) \\ -\sin(\theta) & \cos(\theta) \end{bmatrix}$$

és θ valamilyen $(-\pi, \pi)$ közötti szám.

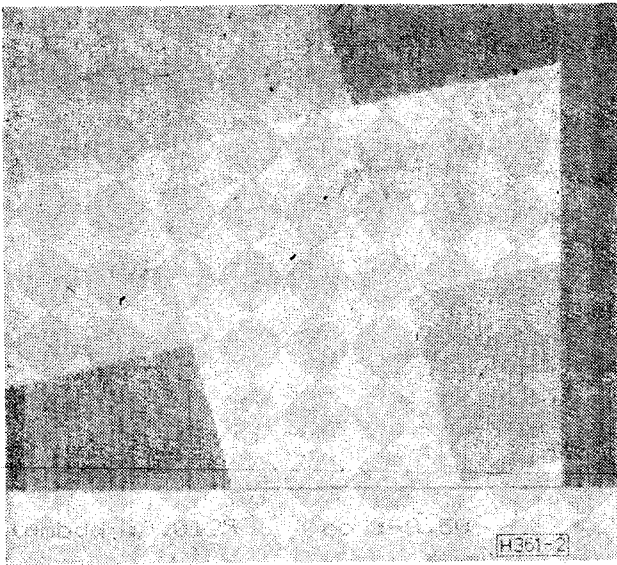
Ez a transzformáció a Descartes koordináták, θ radiánnal való elforgatását eredményezi, 1. ábra. Az egész értékű véletlen teret definiáljuk a követ-



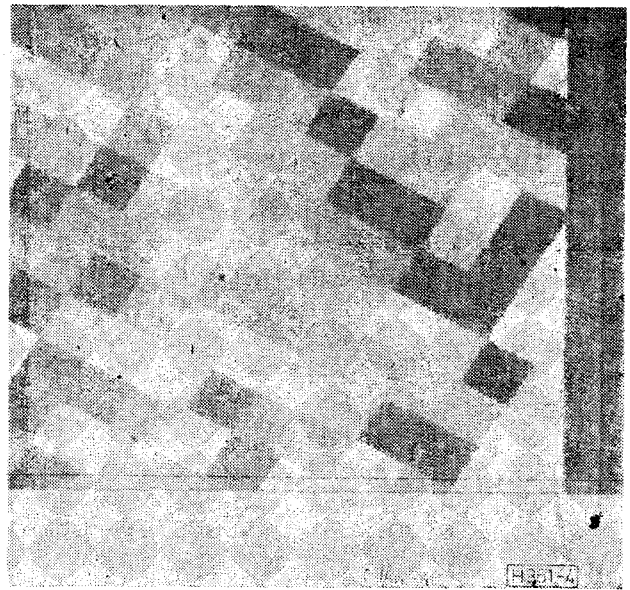
1. ábra

kező képpen: $N(x) = N_1(\tilde{x}_1) + N_2(\tilde{x}_2)$ és $x > 0$, ahol θ eleme $(-\pi, \pi)$ -nek és $p(\theta)$ egyenletes eloszlás szerint választott és $\{N_i(1), 1 > 0\} i = 1, 2$ kölcsönösen független 1-D számláló folyamatok. Azaz, $N_i(1)$ reprezentálja a $(0, 1)$ -ben előforduló események számát. Minket lényegében az az eset érdekel, ahol $\{N_i(1), 1 > 0\} i = 1, 2$ megújuló pontfolyamatok (point process), saját (interarrival) eloszlásuk szerint.

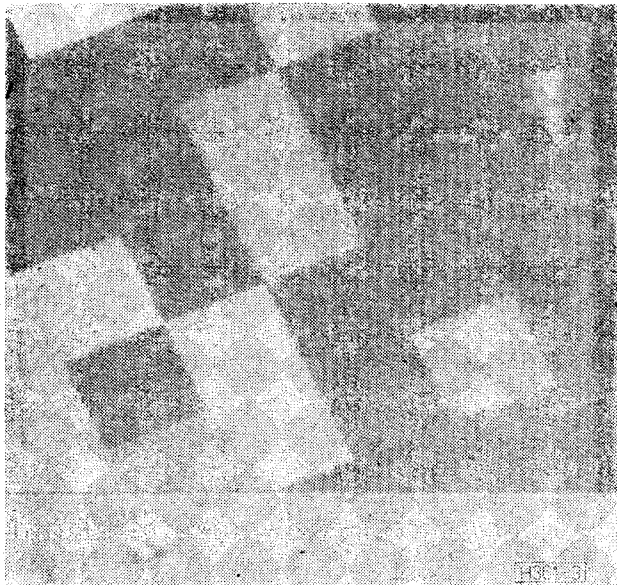
Az egyenlet szerinti véletlen tér, nem átlapolódó négyzeteken, konstans egész értékű lesz, ahol a négyszögek oldalai párhuzamosak a transzformált koordináta tengelyekkel és elhelyezkedésük a megfelelő pontfolyamatok által meghatározott. Vegyünk most egy véletlen teret $\{f(x), x \geq 0\}$, amely a négyzetek határvonalán átmenetnek vetik alá magukat. A szürkességi szint egy elemi négyzetben belül legyen állandó, nulla várható értékű, a^2 szórású, Gauss eloszlással meghatározott értékű és a szomszédos négyzetekkel való korrelációja ρ . Még pontosabban, reprezentálja a szürkességi szint



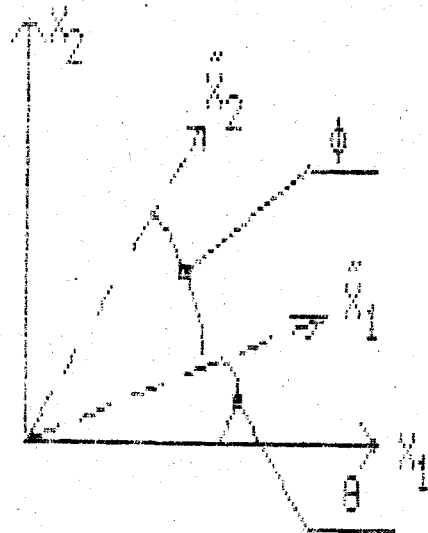
2. ábra



4. ábra.



3. ábra



5. ábra

H361-5

amplitúdóját $\{X_{i,j}\}$, i átmenet után \tilde{x}_j irányban és j átmenet után \tilde{x}_i irányban. Az $\{X_{i,j}\}$ sorozat rekurzíven generálódik a következő folyamat szerint:

$$X_{i,j} = \rho \cdot X_{i-1,j} + \rho X_{i,j-1} - \rho^2 \cdot X_{i-1,j-1} + w_{i,j}$$

$|\rho| \leq 1$ és $\{w_{i,j}\}$ egy 2-D független nulla várható értékű, $\sigma_w^2 = \sigma^2(1-\rho^2)^2$ szórású, Gauss folyamat. A kezdődő értékek $X_{k,0}$, $X_{0,i}$ ($k, l \geq 0$) nulla várható értékű és σ^2 szórású Gauss eloszlás.

Az általunk vizsgált esetben a pont-folyamat $\{N_i(l), 1 \geq 0\}$ $i=1, 2$ speciális esete a Gamma eloszlással paraméterezett stacionárius megújuló folyamatnak. Lényegében feltételezzük, a 2-D eloszlás általános interarrivel eloszlása két kölcsönösen független pont folyamat $\{N_i(l), 1 \geq 0\}$, $i=1, 2$, amelynek eloszlás függvénye

$$f(x) = \frac{x^{\nu-1}}{\Gamma(\nu)\beta^\nu} \exp(-x/\beta)$$

ahol $x=1, 2, \dots$ és $\beta=1/\lambda\nu$ rögzített $\lambda>0$ -hoz. Például, ha $\nu=1$ exponenciális eloszlást kapunk

$$f(x) = \lambda e^{-\lambda x} \quad x \geq 0.$$

ha $\nu \rightarrow \infty$

$$f(x) = \delta(x-1/\lambda) \quad x \geq 0$$

(ebben az esetben egyenlő távolságú felosztást kapunk). Így ν paraméter a struktúra véletlen nélküliségének vagy homogenitásának mérő foka.

Az előbb ismertetett feltételek esetén elég a λ , ρ és ν paraméter a véletlen tér leírására. A fenti eljárást illusztrálja a 2., 3., 4. ábra, $\nu \rightarrow \infty$ paraméterrel.

2. Paralelogramma mozaik

A terület felosztása itt is két független megújuló pont folyamat szerint történjen. Ebben az esetben azonban a Descartes koordinátákból meghatározott új tengelyeket nem unitér transzformációval

kapjuk meg. Az \tilde{x} vektort az x -ből a $\tilde{x} = Ax$ lineáris transzformációval állítható elő ahol A Φ és $\Theta \in [-\pi, \pi]$ paraméterekkel jellemzett.

$$A = \frac{1}{\sin(\Phi)} \begin{bmatrix} \sin(\Theta + \Phi) & -\cos(\Theta + \Phi) \\ -\sin(\Theta) & \cos(\Theta) \end{bmatrix}$$

Az új koordináta tengelyeket szemlélteti a 5. ábra. A Φ rögzített érték és $p(\Theta) \Theta \in [-\pi, \pi]$ egyenletes eloszlás szerint választott. Ennek a mozaik formának a megjelenése paralelogramma alakú lesz.

Balázs Péter
BME, Villamosmérnöki Kar