Dr. BERCELI TIBOR Távközlési Kutató Intézet

Jelbevezetéssel vezérelt diódás oszcillátorok nagyjelű jellemzői

ETO 621.373.51.012

A diódás oszcillátorok kimenőjelének frekvenciáját külső jel bevezetésével (injektálásával) az önrezgési frekvencia környezetében vezérelhetjük. A vezérlés itt azt jelenti, hogy az oszcillátor kimenőjelének a frekvenciája követi a bevezetett jel frekvenciaváltozásait. A jelbevezetéssel vezérelt diódás oszcillátor tehát fázis- vagy frekvencia-modulált jel átvitelére alkalmas. A vezérlő jel az oszcillátor kimenőjelénél lényegesen kisebb szintű lehet, ily módon tehát teljesítménynövelés érhető el. Az oszcillátor frekvenciájának modulált jellel való vezérlése esetén az átviteli karakterisztikák fontos szerepet játszanak, mivel meghatározzák a torzítás mértékét.

Az injektált oszcillátorok analízisével több szerző foglalkozott már [1-4]. A vezérlési sávot Adler [2] határozta meg. A zajkérdésekkel többek között Kurokawa [5] és Hines [6] foglalkozott. Jelentek meg közlemények kísérleti eredményekről is [7, 8].

Az irodalomban található cikkek az injektált oszcillátorok tulajdonságait kisjelű közelítéssel vizsgálják. Az injektált oszcillátorok bemenő teljesítménye rendszerint 10 dB-lel van a kimenő teljesítmény alatt. Ilyen esetben a kisjelű közelítés már nem használható.

E cikkben az áramkör viselkedését nemlineáris összefüggésekkel írjuk le. A teljesen általános tárgyalást azzal szűkítjük le, hogy az oszcillátort a kvázi-stacionárius közelítés alkalmazásával vizsgáljuk.

A jelbevezetéssel vezérelt diódás oszcillátor átviteli tulajdonságait a nagyjelű modell alapján határozzuk meg. A karakterisztikák a kisjelű esethez képest jelentős eltéréseket mutatnak. Fontos eredmény a minimális torzítást adó optimális terhelés kimutatása.

Nagyjelű modell

Az áramkör vizsgálatát az 1. ábrán látható modell alapján végezzük. Ez a modell sávkorlátozást tételez fel, amikor is csak egyetlen frekvencián lehet feszültség a dióda kapcsán.

A dióda aktivitását nemlineáris negatív konduktancia képviseli. A C kapacitás a dióda és az áramkör kapacitásának az összegével egyenlő. Az L induktivitással párhuzamos rezonanciát állítunk be az üzemi frekvencián. A kimenetet és a bemenetet cirkulátor választja szét, melyet ideálisnak tekintünk. A cirkulátor hullámellenállása $1/G_L$ -lel egyenlő.

A dióda nagyjelű viselkedését a feszültség négy-



1. ábra. Jelbevezetéssel vezérelt diódás oszcillátor helyettesítő kapcsolása

zetével arányosan változó negatív konduktanciával vesszük figyelembe:

$$G = G_0 \left(1 - \frac{1}{2} v^2 \right), \tag{1}$$

ahol G_0 a kisjelű negatív konduktancia.

A negatív konduktancia kapcsain levő v feszültség két jel eredője:

$$v^2 = v_i^2 + v_0^2 + 2v_i v_0 \cos \theta, \tag{2}$$

ahol v_i az injektált jel feszültségamplitúdójának a normalizált értéke, v_0 a kimenőjel feszültség-amplitúdójának a normalizált értéke, θ pedig az injektált jel és a kimenőjel közötti fáziskülönbség.

A (2) képlet felírásánál feltételezzük, hogy az injektált jelnek és a kimenőjelnek a frekvenciája azonos. A feszültségamplitúdókat a szabadonfutó oszcillátor maximális teljesítményéhez tartozó feszültségamplitúdóra normalizáljuk.

A frekvenciafüggést a modellben párhuzamos rezgőkör adja meg. Ennek admittanciája a rezonanciafrekvencia környezetében közelítőleg:

$$Y_r \cong i4\pi f_0 C\delta, \tag{3}$$

ahol f_0 a rezgőkör rezonanciafrekvenciája, mely megegyezik az oszcillátor önrezgési frekvenciájával, δ pedig a frekvenciának az utóbbitól való relatív eltérése.

Stabil állapotban az x-x kapcsokon jelentkező bal oldali és jobb oldali admittancia összegének

Beérkezett: 1974. X. 18.

zérusnak kell lennie. Az Y_1 bal oldali admittanciát (1) és (3) eredője adja meg.

A jobb oldali admittancia meghatározásánál a v_0 amplitúdójú feszültséget, mely az x-x kapcsoktól az oszcillátor kimenete felé halad, a generátortól a terhelés felé haladó hullám amplitúdójának tekintjük. Ugyanakkor a v_1 amplitúdójú feszültséget, mely a bemenettől az x-x kapcsok felé halad, a terhelésről visszavert hullám amplitúdójának veszszük. A két feszültség hányadosaként reflexiós tényezőt definiálhatunk. Ezek alapján a jobb oldali admittancia:

$$Y_{2} = \frac{v_{0}^{2} - v_{i}^{2} - j2v_{0}v_{i}\sin\theta}{v_{0}^{2} + v_{i}^{2} + 2v_{0}v_{i}\cos\theta} G_{L}, \qquad (4)$$

ahol G_L a kimeneten levő terhelő konduktancia.

Transzfer egyenletek

A baloldali és a jobb oldali admittancia összege zérussal kell, hogy egyenlő legyen. Mivel az admittanciák komplex mennyiségek, az egyenlőségnek teljesülnie kell mind a valós, mind a képzetes részek vonatkozásában. Így két nemlineáris egyenlethez jutunk, melyekből két ismeretlen, a kimenőjel amplitúdója és fázisa meghatározható:

$$\varrho \frac{v_0^2 - v_i^2}{v_0^2 + v_i^2 + 2v_0 v_i \cos \theta} = 1 - \frac{1}{2} (v_0^2 + v_i^2 + 2v_0 v_i \cos \theta), \quad (5)$$

$$\varrho \frac{v_0 v_i \sin \theta}{v_0^2 + v_i^2 + 2v_0 v_i \cos \theta} = Q_0 \delta, \tag{6}$$

ahol:

$$\varrho = G_L / G_0 \tag{7}$$

$$Q_0 = 2\pi f_0 C/G_0.$$
 (8)

Az amplitúdók helyett célszerűbb a teljesítményekkel számolni a következő összefüggések alapján:

$$p_i = 2\varrho v_i^2 \tag{9}$$

$$p = 2\varrho v_0^2 \tag{10}$$

Itt p_i az injektált, p_0 pedig a kimenőjel teljesítményének a szabadonfutó oszcillátor maximális kimenő teljesítményére normalizált értéke.

A p_0 kimenő teljesítményt az alábbi harmadfokú egyenlet megoldásával kapjuk meg:

$$\begin{aligned} &\frac{1}{4} p_0^3 - p_0^2 \left[\frac{3}{4} p_i + 2\varrho(\mathbf{i} - \varrho) + 8Q_0^2 \delta^2 \right] + \\ &+ p_0 \left[\frac{3}{4} p_i^2 + 4p_i (3\varrho^2 + 4Q_0^2 \delta^2) + 4(1 - \varrho)^2 (\varrho^2 + \\ &+ 4Q_0^2 \delta^2) + 16Q_0^2 \delta^2 (\varrho^2 + 4Q_0^2 \delta^2) \right] - \\ &- 4p_i (\varrho^2 + 4Q_0^2 \delta^2) \left[(1 + \varrho)^2 + 4Q_0^2 \delta^2 \right] - \\ &- p_i^2 \left[\frac{1}{4} p_i - 2\varrho(1 + \varrho) + 8Q_0^2 \delta^2 \right] = 0. \end{aligned}$$
(11)

A fázisszöget pedig a következő képletből számíthatjuk ki:

$$\theta = \arcsin\left[\frac{p_0 - p_i}{\sqrt[4]{p_0 p_i}} \frac{p_0 - p_i - 4(\varrho^2 + 4Q_0^2\delta^2)}{2\varrho(p_0 + p_i) - 4(\varrho^2 + 4Q_0^2\delta^2)} Q_0\delta\right].$$
(12)

A (11) és (12) egyenleteknek általában több megoldása lehet. Ezek közül tényleges megoldást csak azok az összetartozó értékpárok képviselnek, melyek a kiinduló egyenleteket egyidejűleg kielégítik. A tényleges megoldások közül pedig gyakorlatilag csak azok érdekesek, melyek a teljesítményre pozitív valós értéket adnak.

Átviteli jellemzők

A (11) és (12) képletek alapján numerikusan elemezhetjük a jelbevezetéssel vezérelt diódás oszcillátorok átviteli jellemzőit. A vizsgálatokat arra az esetre végezzük el, amikor a bemenő teljesítmény 10 dB-lel van a szabadonfutó oszcillátor maximális teljesítménye alatt.

A kimenő teljesítmény normalizált értékét a 2. ábra mutatja a frekvenciával arányos $Q_0\delta$ függvényében. A teljesítmények a szabadonfutó oszcillátor maximális teljesítményére vannak normalizálva. A görbék paramétere a ϱ terhelési tényező. A terhelési tényező növelésével a kimenő teljesítmény és a sávszélesség nő. Ugyanakkor a görbe laposabb lesz és az alakja változik.

Szabadonfutó oszcillátor esetében maximális teljesítményt a $\rho = 0.5$ értéknél kapunk, amikor is a teljesítmény egységnyi. Injektált oszcillátor esetében viszont a kimenő teljesítmény kisebb 1-nél, ha $\rho = 0.5$. Ekkor maximális kimenő teljesítményt



2. ábra. A kimenő teljesítmény $Q_0\delta$ függvényében különböző terhelési tényezők esetére



 ábra. Sávközépi kimenő teljesítmény a bemenőteljesítmény függvényében különböző terhelési tényezők esetében

0,5-nél nagyobb ϱ esetén kapunk. A 3. ábra mutatja a sávközépi kimenő teljesítményt a bemenő teljesítmény függvényében különböző terhelési tényezők esetére. A bemenő teljesítmény növelésekor a kimenő teljesítmény maximumához nagyobb ϱ tartozik.

A fázistolást a 4. ábra adja meg $Q_0\delta$ függvényében különböző terhelési tényezők esetére. A fázistolás zérus, amikor a bemenőjel frekvenciája megegyezik az önrezgési frekvenciával. A frekvenciaeltérés nö-



4. ábra. A fázistolás $Q_0\delta$ függvényében különböző terhelés tényezők esetére

vekedésével a fázistolás abszolút értéke nő. Viszont a terhelési tényező növelésekor a fázistolás abszolút értéke csökken rögzített $Q_0\delta$ esetén.

A csoportfutási idővel arányos $\tau G_0/C$ mennyiség az 5. ábrán látható $Q_0\delta$ függvényében. A görbék paramétere a ϱ terhelési tényező. A vezérlési sávban a csoportfutási idő ingadozása valamely ϱ értéknél minimális lesz. Így frekvencia- vagy fázismodulált jel átvitele esetén a torzítás szempontjából optimális terhelés található. Az optimális terhelés a bemenő teljesítmény függvénye. Továbbá a 3. és az 5. ábrából látható, hogy az optimális terhelésnél közel maximális a kimenő teljesítmény.

Az AM-PM konverziót a következő képlet adja meg:

$$cv = 0.259 \frac{180}{\pi} p_i \frac{d\theta}{dp_i} \quad [^{\circ}/dB].$$
 (13)

A deriváltat numerikus módszerrel határoztuk meg.



5. ábra. A csoportfutási idővel arányos $\mathbf{\tau}G_0/C$ mennyiség $Q_0\delta$ függvényében különböző terhelési tényezők esetében

Az AM - PM konverziót a 6. ábra mutatja $Q_0\delta$ függvényében különböző terhelési tényezők esetére. Az AM - PM konverzió zérus, ha az injektált jel frekvenciája megegyezik az oszcillátor önrezgési frekvenciájával. A frekvenciaeltérés növekedésével az AM - PM konverzió abszolút értéke nő. A terhelési tényező növelésével viszont az AM - PMkonverzió abszolút értéke csökken rögzített $Q_0\delta$ esetén.

Az AM kompresszió a következőképpen határozható meg:

$$cp = \frac{p_0}{p_i} \frac{dp_i}{dp_0}.$$
 (14)

Az AM kompressziónak negatív előjele is lehet, ami azt jelenti, hogy az amplitúdómoduláció fázisa ellentétes lesz.



6. ábra. AM-PM konverzió $Q_0\delta$ függvényében különböző terhelési tényezők esetére



7. ábra. Az AM kompresszió abszolút értéke dB-ben kifejezve $\rm Q_0\delta$ függvényében különböző terhelési tényezők esetében

Az AM kompressziót dB-ben is kifejezhetjük:

 $Lcp = 10 \log |cp|, [dB].$ (15)

Ekkor a kompresszió előjele elvész. Ha |cp| > 1, az amplitúdómoduláció csökken, és ha |cp| < 1, az amplitúdómoduláció nő.

Az AM kompresszió abszolút értékét dB-ben kifejezve a 7. ábrán láthatjuk $Q_0\delta$ függvényében különböző ϱ értékekre. A vezérlési sávban az AMkompresszió átlagértéke valamely terhelési tényezőnél maximális. Ezt a maximumot közelítőleg az optimális terhelésnél kapjuk meg. Érdemes megjegyezni, hogy $\varrho = 0,7$ esetén az AM kompresszió görbéjének pólusai vannak. A pólusoknál a bemenő teljesítmény változása nem okoz változást a kimenő teljesítményben. A pólusok között az AM kompresszió előjele negatív, míg valamely pólus és a vezérlési sáv széle között pozitív. A többi terhelési tényezőnél az AM kompresszió előjele negatív.

5. Vezérlési sáv

Vezérlési sávnak azt a frekvenciatartományt nevezzük, amelyben az oszcillátor kimenő jelének a frekvenciája megegyezik az injektált vezérlő jel frekvenciájával. A fázistolás az önrezgési frekvenciánál zérus és attól távolodva nő. Az önrezgési frekvenciától legtávolabb akkor kerülünk, amikor a fáziskülönbség $+\pi/2$ vagy $-\pi/2$. Ehhez a két esethez tartozó két frekvencia határozza meg a vezérlési sáv széleit.

A vezérlési sáv tehát a (6) és a (8) képlet alapján:

$$B = \varrho \, \frac{G_0}{\pi C} \, \frac{p_{os}}{p_i + p_{os}} \, \sqrt{\frac{p_i}{p_{os}}}, \qquad (16)$$

ahol p_{os} a kimenő teljesítmény a vezérlési sáv szélén, mely az (5) képletből határozható meg:

$$p_{os} = 2\varrho(i-\varrho) - p_i + 2\varrho \sqrt{2p_i + (i-\varrho)^2}.$$
 (17)

A (16) és (17) képlet levezetésénél figyelembe vettük a (9) és (10) összefüggést.

A vezérlési sáv a (16) és (17) képlet alapján a ϱ terhelési tényezőnek és a p_i injektált teljesítménynek a függvénye.

A vezérlési sávval arányos $B2\pi C/G_0$ mennyiséget a 8. ábra adja meg az injektált vezérlő jel teljesítményének a függvényében. A görbék paramétere a ϱ terhelési tényező.

A vezérlési sávra kapott eredményeink lényeges eltérést mutatnak a kisjelű közelítéshez viszonyítva. Ugyanis a kisjelű közelítés esetében a vezérlési sáv az injektált teljesítmény négyzetgyökével arányo-





san nő. Ezzel szemben a (16) képlet szerint a vezérlési sáv növekedése ennél kisebb mértékű, sőt nagy injektált jel esetén a vezérlési sáv telítési értéket ér el. Majd az injektált jel további növelésével a vezérlési sáv csökken.

A vezérlési sávnak a bemenő teljesítmény függvényében észlelt maximumát analitikusan is meghatározhatjuk. E célból a (16) képletet (17) figyelembevételével p_i szerint deriváljuk és zérussal tesszük egyenlővé. Ebből az egyenletből megkapjuk a vezérlési sáv maximumához tartozó bemenő teljesítményt:

$$p_{im}=2\varrho. \tag{18}$$

A vezérlési sáv maximumát pedig az alábbi képlet adja meg:

$$B_m = \varrho \frac{G_0}{2\pi C} \,. \tag{19}$$

Az m index a maximumra utal.

A vezérlési sáv maximuma és az ehhez tartozó bemenő teljesítmény tehát egyenesen arányos a ϱ terhelési tényezővel. Ezért nagyobb ϱ esetén az oszcillátor jobban kivezérelhető.

Az erősítés-sávszélesség szorzatot az alábbiak szerint definiálhatjuk:

$$B\sqrt{G_c} = B\sqrt{\frac{p_{oc}}{p_i}},$$
 (20)

ahol G_c a sávközépi teljesítményerősítés, p_{oc} pedig a kimenő teljesítmény a sáv közepénél. Ez utóbbit a (11) képletből kaphatjuk meg a $\delta=0$ behelyettesítéssel.

Az erősítés-sávszélesség szorzattal arányos $B\sqrt[7]{G_c}2\pi C/G_0$ mennyiséget a 9. ábra adja meg a bemenő teljesítmény függvényében. A görbék paramétere a ϱ terhelési tényező. A kisjelű közelítés esetében az erősítés-sávszélesség szorzat állandó. Ezzel szemben a nagyjelű modell szerint az erősítéssávszélesség szorzat szintfüggő, mégpedig fokozatosan csökken a bemenő teljesítmény növekedésével.



9. ábra. Az erősítés-sávszélesség szorzattal arányos $B\sqrt[3]{G_c}2\pi C/G_0$ mennyiség a bemenőteljesítmény függvényében, a görbék paramétere a terhelési tényező



10. ábra. A vezérlési sáv mért értékei az injektált vezérlő jel teljesítményének a függvényében:
a) Q = 350, f₀ = 7550 MHz
b) Q = 1100, f₀ = 7900 MHz

6. Kísérleti eredmények

Kísérleteinket Gunn-oszcillátorokkal végeztük a 8 GHz-es frekvenciasávban. A dióda csőtápvonalból kialakított üregrezonátorban volt elhelyezve. A rezonátor és a terhelés közötti csatolás változtatható volt. Jelbevezetésre cirkulátort használtunk.

A vezérlési sávot a 10. ábra mutatja a bemenő jel teljesítményének a függvényében. Az a) jelű görbe esetében a szabadonfutó oszcillátor kimenő teljesítménye maximális értékű volt, mégpedig 200 mW. A jósági tényező 350, az önrezgési frekvencia 7550 MHz volt. A b) jelű görbéhez 160 mW-os kimenő teljesítmény tartozott a szabadonfutó oszcillátor esetében. A jósági tényező 1100, az önrezgési frekvencia 7900 MHz volt. A bemenő teljesítményt 200 mW-ra normalizáltuk. A vezérlési sáv a kísérletek szerint is maximummal rendelkezik.

A vezérelt Gunn-oszcillátort mikrohullámú összeköttetésbe iktatva is vizsgáltuk. Mértük a csoportfutási időt és az AM-PM konverziót. A mért értékek jól egyeztek az elméleti eredményekkel.

7. Következtetések

A jelbevezetéssel vezérelt diódás oszcillátor átviteli tulajdonságait nagyjelű modell alapján határoztuk meg. Az átviteli jellemzők, mégpedig az amplitúdó- és fáziskarakterisztika, csoportfutási időingadozás, AM-PM konverzió, AM kompreszszió a kisjelű esethez képest jelentős eltéréseket mutattak. Frekvencia – vagy fázis – modulált jelátvitel szempontjából minimális torzítást adó optimális terhelést találtunk. Az optimális terhelés a bemenő teljesítmény függvénye és közel maximális kimenő teljesítményt, valamint nagy AM kompressziót eredményez. A vezérlési sáv a kisjelű közelítés eredményétől eltérően valamely bemenő teljesítménynél maximummal rendelkezik. A maximum értéke és helye a terhelési tényező függvénye. A vezérelt Gunn-oszcillátorral végzett kísérleteink az elméleti eredményekkel jó egyezésben voltak.

HÍRADÁSTECHNIKA XXVI. ÉVF. 3. SZ.

IRODALOM

- [1] Van der Pol, B.: Forced oscillations in a circuit with nonlinear resistance, Phil. Mag., 1927, január. 65-80 old.
- [2] Adler, R.: A study of locking phenomena In oscillators, Proc. IRE, 1946. jún. 351-357 old.
- [3] Slater, J. C.: Mikrohullámú elektronika, Akadémiai Kiadó, 1954. 198-203 old.
- [4] Benedek A.: Injektált jellel vezérelt oszcillátor dinamikus torzításainak analízise. A Távközlési Kutató Intézet Évkönyve 1973. 231–240 old.

- [5] Kurokawa, K.: Noise in synchronized oscillators, IEEE Trans. MTT, 1968. ápr. 234-240 old.
- [6] Hines, M. E.-Collinet, J. C. R.-Ondria, J. G.: FM noise suppression of an injection phase-locked oscillator, IEEE Trans. MTT, 1968. szept. 738-742 old.
- [7] Berceli T.-Sellei T.: Gunn-diódás oszcillátor, Intézeti tanulmány Távközlési Kutató Intézet, 1970.
- [8] Berceli T.-Sellei T.-Nagy W.: Gunn oszcillátorok új fejlesztési eredményei, Intézeti tanulmány, Távközlési Kutató Intézet, 1971.