Koaxiális teljesítményosztók terhelhetőségi kérdései

A következőkben koaxiális felépítésű, párhuzamos elágazású, az URH frekvenciasávban működő teljesítményosztók terhelhetőségével kívánunk foglalkozni.

Adott geometriai méretekkel rendelkező teljesítményosztó terhelhetőségét két tényező korlátozza: a koronakisülést létrehozó térerősség és a teljesítményosztó veszteségei miatt jelentkező melegedés. A teljesítményosztó különböző hullámellenállású, légtöltésű koaxiális tápvonalszakaszokból épül fel, így a vizsgálatot minden építőelemre el kell végezni.

A koronakisülés szempontjából a vonalon fellépő teljesítmény csúcsértéke korlátozott így ezt a teljesítménykorlátot szokás csúcsteljesítmény korlátnak is nevezni [1]. A teljesítményosztó melegedése a teljesítmény átlagértékének szab korlátot, így ezt a teljesítménykorlátot átlagteljesítmény korlátnak nevezzük. Mindkét teljesítménykorlát függ a környezeti és az üzemi körülményektől, így a teljesítménykorlátok meghatározásakor a vizsgálatainkat adott feltételek mellett kell elvégezni és e feltételek megváltozása esetén a maximális teljesítményértékeket korrigálni kell. A vizsgálatot a továbbiakban merev légdielektrikumú koaxiális tápvonalakra végezzük el, melyek különböző hullámellenállással és geometriai méretekkel rendelkeznek.

# 1. A csúcsteljesítmény korlát meghatározása

A maximális térerősség a koaxiális tápvonal belső vezetőjének felületén jelenik meg. Az elméletileg megengedhető maximális térerősségértéket számításainkhoz nem használhatjuk fel, mivel a koronakisülés nagyon változó jelenség és a hozzá szükséges térerősség széles értéktartományt felvehet csekély hatásoktól függően (pl. a vezetők felületén levő karcolások, porszemcsék, a légdielektrikum hőmérséklete, nyomása stb.). Az elméletileg megengedhető maximális térerősségérték 35%-kal számolva jó gyakorlati értéket kapunk a koaxiális tápvonal belső és külső vezetője között megengedhető maximális egyen- vagy 50 Hz-es csúcs feszültségértékre.

Az alábbi egyenlet a koaxiális vonalban maximálisan fellépő térerősségértékből származik és magában foglalja a következő tényezőket: nyomás, hőmérséklet, belső vezető görbülete és az elméleti térerősségérték 35%-os csökkentését [1].

$$U_{p} = 5,42 \cdot 10^{3} \cdot D_{1} \delta \left( \ln \frac{D_{2}}{D_{1}} \right) \left[ 1 + \frac{0,435}{\sqrt{D_{1}\delta}} \right] [V] \quad (1)$$

ahol  $U_p$  – a belső és külső vezető között megengedhető maximális feszültség (egyen vagy 50 Hz csúcs) V-ban,  $D_1$  — a belső vezető külső átmérője cm-ben,<br/>  $D_2$  — a külső vezető belső átmérője cm-ben,<br/>  $\delta$  — a légdielektrikumra jellemző tényező.

$$\delta = 3,92 \frac{p}{T}$$

ahol p — az abszolút nyomás Hgcm-ben, T — a hőmérséklet °K-ben.

Az (1) összefüggésből számítható feszültségértékeket rádiófrekvenciás effektív feszültségre kell átszámolni. A koronakisüléshez szükséges térerősség frekvenciafüggésére az [5] irodalom ad utalást, mely szerint ez a térerősség 2 MHz körüli frekvencián veszi fel minimumát (az 50 Hz-es érték 70-80%-át), majd a frekvencia növelésével újból eléri az 50 Hz-es értéket. Így az egyenfeszültségre kapott  $U_p$  érték 0,7szeresét véve (a legrosszabb esetet vesszük figyelembe és a további frekvenciafüggést elhanyagoljuk) és ezt  $\sqrt{2}$ -vel osztva az RF-feszültség effektív értéke adódik. Ezt az értéket rendszerint még egy  $S_t$  biztonsági tényezővel osztják, melynek értéke általában 2. Ez onnan adódik, hogy a belső vezetőt tartó dielektromos kitámasztó helyén, a belső vezető és az  $\varepsilon_r$  dielektromos állandójú kitámasztó tárcsa közötti légrésben a térerősség közelítőleg  $\varepsilon_r$ -szeres értéket vesz fel [5]. Az alkalmazott kitámasztók általában  $\varepsilon_r \approx 2$  dielektromos állandójú szigetelő anyagból készülnek.

Ilv módon

$$U_{RF} = \frac{0.7 U_p}{S_t \sqrt{2}} = 0.247 \ U_p \tag{2}$$

A (2)-vel számított  $U_{RF}$  feszültség és a hullámellenállás  $Z_0$  ismeretében a csúcsteljesítmény korlát

$$P_{pk} = \frac{U_{RF}^2}{Z_0} [\text{watt}]$$
 (3)

Az (1), (2) és (3) összefüggések felhasználásával  $Z_0 = 10$  ohmtól 120 ohmig,  $D_2 = 1$  cm-től 10 cm-ig végeztünk számításokat a csúcsteljesítmény korlát értékére 40 °C környezeti hőmérséklet és p=76 Hgcm nyomás esetén [10]. A (3) alapján számított értékeket tovább kell csökkenteni, ha a tápvonalon haladó jel amplitúdómodulált (a modulációs index m) és a tápvonalon r állóhullámarány is fellép:

$$P'_{pk} = P_{pk} \frac{1}{r(1+m)^2}$$
(4)

A teljesítményosztó csúcsteljesítményre történő méretezését normál üzemi körülmények mellett kell elvégezni (tv-adók esetén a tápvonalrendszerre és az antennákra a szokásos állóhullámarány-érték r<1,1).

Beérkezett: 1974. V. 21.

Tv-jelek esetén pozitív modulációt feltételezve a szinkronjel csúcsok 100%-os AM-nek felelnek meg, így a modulálatlan esetnek megfelelő  $P_{pk}$  érték  $^{1}/_{4}$ -ére történik a méretezés.

### 2. Az átlagteljesítmény korlát meghatározása

A megengedhető maximális átlagteljesítményt a tápvonalszerelvények melegedése korlátozza, mely a tápvonal veszteségek által jön létre. A maximálisan elérhető működési hőmérsékletet különböző tényezők határozzák meg:

- a dielektromos kitámasztó hőmérséklete nem közelítheti meg annak lágyulási pontját, mert ekkor a belső vezető helyzete megváltozhat,
- magas hőmérsékleten a belső vezető és a kitámasztó között kémiai hatás léphet fel,
- a tápvonal építőelemek hőtágulása és oxidációja.

A koaxiális konstrukció felépítéséből következik, hogy a maximális hőmérséklet a belső vezető felületén lép fel, így ennek megengedhető értéke korlátozza a maximális átlagteljesítményt. A maximálisan megengedhető belső vezető értékére a szakirodalmi utalások [1], [2], [3], [4] eléggé eltérő értékeket adnak meg. Az [1]-ben megadott értéket elfogadva  $\Theta_1 =$ =100 °C maximális belső vezető hőmérséklet értéket feltételezve végezhetjük el az átlagteljesítmény meghatározására vonatkozó számításokat. A szigetelő anyagok közül pl. a teflon 300 °C-ig megőrzi szilárdságát [8], így a felvett érték nem túl szigorú.

Az átlagteljesítmény meghatározásakor feltételezzük:

- hogy a tápvonalban keletkező hő csak a tápvonal tengelyére merőleges irányban terjed, longitudinális hőátadás nincs,
- a külső és belső vezetők azonos anyagból készültek,
- a tápvonalban kevés dielektromos tárcsa helyezkedik el, így a melegedést csak a vezetésből származó veszteségek okozzák,
- a tápvonalon állóhullám nem lép fel,
- a tápvonalon haladó jel modulálatlan és
- a külső vezetőt körülvevő közeg nyugvó levegő.

Azzal a feltételezéssel, hogy a tápvonal hossztengelye mentén hőátadás nincs, a térbeli hőátadási probléma síkbeli problémába megy át, azaz a számítást elegendő a tápvonal egyetlen keresztmetszeti síkjára elvégezni. Egy ilyen síkot mutat az 1. ábra a későbbiekben használt jelölésekkel. A számítás során felhasználhatjuk a hő és elektromos mennyiségek közötti analógiát [7].

Ismeretes, hogy egy veszteséges tápvonal bemenetétől *x* távolságra a teljesítmény

$$P = P_0 \mathrm{e}^{-2\alpha x} \tag{5}$$

Az egységnyi hosszúságú tápvonalon disszipált hő (5) differenciálásával

$$H = -\frac{\mathrm{d}P}{\mathrm{d}x} = 2\alpha P \tag{6}$$





1. ábra

A (6)-ban szereplő  $\alpha$  csak a rézveszteségből ered. Felbontva a továbbiakban  $\alpha_r$ -t a belső és külső vezető veszteségére írható

$$\alpha_r = \alpha_{r1} + \alpha_{r2} \tag{7}$$

A teljes rézveszteség okozta csillapítási tényező (5) alapján feltételezve, hogy mind a belső, mind a külső vezető vörösrézből készült

$$\alpha_r = \frac{4,15 \cdot 10^{-8}}{Z_0} \sqrt{f} \left( \frac{1}{D_1} + \frac{1}{D_2} \right) = \alpha_{r_1} \left( 1 + \frac{D_1}{D_2} \right) \left[ \frac{N}{cm} \right] (8)$$

ahol f — a frekvencia Hz-ben,

 $Z_0$  — a tápvonal hullámellenállása ohmban,  $D_1; D_2$  — a megfelelő átmérők cm-ben.

A H hőmennyiség is felbontható a belső és a külső vezetőben keletkező hőre

$$H = H_1 + H_2 \tag{9}$$

ahol  $H_1 = 2\alpha_{r_1}P$  és  $H_2 = 2\alpha_{r_2}P$ 

Az 1. ábrán szereplő tápvonalkeresztmetszetre a 2. ábrán látható helyettesítő kép adható meg (felté-



2. ábra

telezve, hogy a hő a legnagyobb hőmérsékletű  $\Theta_1$ helyről kifelé áramlik).

Feltételezzük, hogy a külső vezető vastagsága a külső átmérőhöz viszonyítva kicsi és figyelembe veszszük, hogy a vörösréz külső vezető hőellenállása a légdielektrikum és a külső vezető közötti hőellenálláshoz képest elhanyagolhatóan kicsi, azaz

$$S_k \ll S_d$$
 és  $S_a; \quad \Theta_2 - \Theta_3 \cong 0$  (10)

Ekkor a 2. ábrán levő helyettesítő képben  $S_a$  rövidzárral helyettesíthető (3. ábra).





Alkalmazva a "hő-Ohm" törvényt a hőmérsékletkülönbségekre az alábbi egyenletek írhatók

$$\Theta_1 - \Theta_2 = H_1 S_d \tag{11}$$

$$\Theta_2 - \Theta_k = (H_1 + H_2)S_a \tag{12}$$

Figyelembe véve (9)-et, (11)-re és (12)-re a következő összefüggéseket kapjuk:

$$\Theta_1 - \Theta_2 = 2\alpha_{r1} P S_d \tag{13}$$

$$\Theta_2 - \Theta_k = HS_a = 2\alpha_r PS_a \tag{14}$$

A feladat belső vezető és a környezeti hőmérsékletkülönbség meghatározása, hiszen adott környezeti hőmérséklet esetén a belső vezető maximális hőmérséklete határozza meg a tápvonalon átvihető átlagteljesítmény maximális értékét. A (13) és (14) összeadásával kapjuk, hogy

$$\Theta_1 - \Theta_k = 2\alpha_{r1} P S_d + 2\alpha_r P S_a \tag{15}$$

Ha ismernénk az  $S_d$  és az  $S_a$  hőellenállásokat akkor ( $\Theta_1 - \Theta_k$ ) értékének előírásával (15) összefüggés alapján P értékét meghatározhatnánk. A számítás közvetlenül nem végezhető el, mivel  $S_d$  és  $S_a$  is a hőmérséklet-különbség nemlineáris függvényei, így P meghatározása a később bemutatott grafikus módszerrel fog történni.

### A légdielektrikum hőellenállásának meghatározása

A belső és a külső vezető közötti hőátadás légdielektrikum esetén hővezetés, hősugárzás és konvekció formájában történik. Összegezve a három hőátadási mód által létrejött hőáramokat, adott hőmérsékletkülönbség esetén az eredő hőellenállás számítható. Felhasználva a [3] szakirodalom által megadott egyenleteket:

A vezetéssel átadott hőmennyiség:

$$H_D = \frac{2\pi(\Theta_1 - \Theta_2)}{G_a \ln \frac{D_2}{D_1}} \left[\frac{\text{watt}}{\text{cm}}\right]$$
(16)

ahol $G_a$ — a fajlagos hőellenállás (levegő esetén $G_a{=}4100~{\rm cm}~{\rm C^o/watt}).$ 

A sugárzással átadott hőmennyiség

$$H_{R} = \frac{4\pi D_{1}\sigma(273 + \Theta_{2})^{3}E_{1}E_{2}(\Theta_{1} - \Theta_{2})}{E_{1} + E_{2} - E_{1}E_{2}} \left[\frac{\text{watt}}{\text{cm}}\right]$$
(17)

ahol a — a Stefan-Boltzmann állandó

$$\sigma = 5,77 \cdot 10^{-12} \left[ \frac{\text{watt}}{\text{cm}^2 (^{\circ}\text{K})^4} \right]$$

 $E_{\rm 1,\ 2}-$ a külső és belső vezető emissziós tényezője vörösréz esetén, ha a felület nem oxidált [6]

$$E_{1,2} \cong 0,1.$$

A konvekcióval átadott hőmennyiség

$$H_{c} = K_{c} D_{1}^{3/4} (\Theta_{1} - \Theta_{2})^{5/4} \left[ \frac{\text{watt}}{\text{cm}} \right]$$
(18)

ahol $K_{\mathcal{C}}$  — a konvekciós tényező.

Összegezve az egyes hőátadási módok által átadott hőt az eredő hőmennyiség

$$H_E = H_D + H_R + H_C \tag{19}$$

melynek ismeretében a légdielektrikum hőellenállása

$$S_d = \frac{\Theta_1 - \Theta_2}{H_E} \left[ \frac{\text{cm} \ ^\circ \text{C}}{\text{watt}} \right]. \tag{20}$$

Az elvégzett számítások azt mutatták, hogy kis hullámellenállások esetén a hővezetés, közepes hullámellenállások esetén a hővezetés és a konvekció, nagy hullámellenállások esetén a konvekció határozza meg elsősorban  $S_d$  értékét [10].

## A környezet és a külső vezető közötti hőellenállás meghatározása

A külső vezető által a környezetnek leadott hőmennyiség az alábbi empirikus összefüggéssel számítható [2], [3].

$$H_{\Theta_2} = \frac{Ak}{l} \left( \Theta_2 - \Theta_k \right)^{5/4} \left[ \frac{\text{Watt}}{\text{cm}} \right]$$
(21)

ahol A — a hőt leadó felület cm<sup>2</sup>-ben,

- k a hőátadásra jellemző állandó, mely a felület minőségének és a  $D_2$ átmérőnek a függvénye,
- *l* a hőt leadó hengeres külső vezető hossza cm-ben.

Figyelembe véve, hogy  $A = \pi D_2 l$  (21) a következő lesz

$$H_{\Theta_2} = \pi k D_2 (\Theta_2 - \Theta_k)^{5/4} \left[ \frac{\text{watt}}{\text{cm}} \right]$$
(22)

A (22) kifejezés és a hőmérséklet-különbség ismeretében S<sub>a</sub> értéke meghatározható.

# A maximálisan megengedhető átlagteljesítmény meghatározása

Mint már említettük  $S_d$  és  $S_a$  a hőmérséklet-különbség nemlineáris függvényei, így a maximális átlagteljesítményt (a nemlineáris elemeknél oly gyakran alkalmazott) grafikus módszerrel határozzuk meg.

Kifejezve (13) és (14)-ből P értékét, figyelembe véve (11) és (12)-t

$$P = \frac{\Theta_1 - \Theta_2}{2\alpha_{r_1}S_d} = \frac{H_1}{2\alpha_{r_1}} \tag{23}$$

$$P = \frac{\Theta_2 - \Theta_k}{2\alpha_r S_a} = \frac{H}{2\alpha_r} \tag{24}$$

Ha (23)-ban  $H_1$ -et  $H_E$ -vel, (24)-ben H-t  $H_{\Theta_2}$ -vel helyettesítjük, P-t a hőmérséklet-különbségek függvényeként kapjuk

$$P = \frac{H_E}{2\alpha_{r1}} \tag{25}$$

$$P = \frac{H_{\Theta_2}}{2\alpha_r} \tag{26}$$

A  $H = H_{\Theta_2}$  fizikai jelentése, hogy állandósult állapotban a tápvonalban keletkezett összes hőt a külső vezetőnek kell átadnia a környezetnek. Meghatározva a (25) és (26) összefüggések számszerű értékét adott hullámellenállás, külső átmérő és 100 MHz frekvencia esetén a hőmérséklet-különbség függvényében, a grafikus szerkesztés, azaz a "melegedési görbe" felvétele elvégezhető. Példaként  $Z_0 = 50$  ohm, f = 100 MHz és  $D_2 = 2$  cm esetén a szerkesztett görbét a 4. ábrán láthatjuk (az eredő szerkesztése az abszcissza értékek összeadásával történt).

Az eredő görbe a maximálisan megengedhető átlagteljesítményt mutatja  $(\Theta_1 - \Theta_k)$  függvényében.  $\Theta_k =$ 





5. ábra

=40 °C környezeti és  $\Theta_1$ =100 °C belső vezető hőmérséklet esetén a hőfokkülönbség 60 °C, melyhez a 4. ábra alapján 4,85 kW átlagteljesítmény tartozik. Nagyobb környezeti és változatlan belső vezető hőmérséklet esetén kisebb maximális átlagteljesítmény engedhető meg. Az f=100 MHz-től eltérő f frekvencia esetén figyelembe véve a (8), (25) és (26) összefüggéseket

$$P_a = P_{a100} \sqrt{\frac{100}{f^{[MHz]}}}$$
 (27)

A (27) összefüggés csak olyan frekvenciákra érvényes, melyeknél a tápvonalon egy módus a TEMalapmódus terjed. Az első magasabb módus a  $TE_{11}\theta$ határhullámhossza [5] alapján

$$\lambda_h = \sqrt{\bar{\epsilon}_r \frac{\pi}{2}} (D_1 + D_2) \tag{28}$$

Az átlagteljesítmény korlát értékét az előzőekben leírtak szerint 10 ohmtól 120 ohmig (10 ohmos lépésekben) különböző  $D_2$  külső átmérők esetén meghatároztuk [10]  $\Theta_k=40$  °C környezeti és  $\Theta_1=100$  °C belső vezető hőmérséklet esetén f=100 MHz-en, feltételezve, hogy a vonalon haladó jel modulálatlan és a vonalon állóhullámok nincsenek, azaz m=0 és r=1.

Kimutatható, hogy m modulációs indexű AM-jel átlagteljesítménye [8] a vivőteljesítmények  $\left(1+\frac{m^2}{2}\right)$ szerese. A gyakorlatban a modulációs index változik (tv képjel esetén 12%-tól 100%-ig bármely értéket felvehet), de ez a változás gyorsabb a tápvonal hőidőállandójánál, így a moduláció átlagértékével számolhatunk.

Az állóhullámok hatása a melegedésre igen bonyolult. Az áramcsomópontokban létrejött helyi melegedések miatt a tápvonalon longitudinális hőátadás is felléphet a működési frekvenciától függően. A problémát a [3] szakirodalom részletesen tárgyalja, melynek inkább csak elvi jelentősége van. A gyakorlatban előforduló állóhullámarány értékeknél megfelelő biztonsággal úgy végezhető el a méretezés, ha az átlagteljesítményt a tápvonalon fellépő állóhullámarány értékkel osztjuk

$$P_a' = \frac{P_a}{r} \tag{29}$$

Felhasználva a csúcsteljesítményre és az átlagteljesítményre kapott értékeket, valamint a (27) és a (28) összefüggést, a frekvencia függvényében ábrázolhatjuk a tápvonalon átvihető teljesítményt. Példaként egy ilyen ún. terhelhetőségi görbét mutat az 5. ábra, mely 50 ohm hullámellenállású tápvonal esetén tünteti fel az átvihető teljesítményt. A görbékből látszik bizonyos frekvenciahatárig a csúcsteljesítmény, majd e fölött az átlagteljesítmény szab korlátot az átvihető teljesítménynek. Az átlagteljesítmény korlátot csak olyan frekvenciákig ábrázoltuk, melyeknél a tápvonalon csak a *TEM* alapmódus terjed. Az 50 ohmtól eltérő hullámellenállású tápvonalakra a terhelhetőségi görbéket az [10] irodalomban találhatjuk meg.

A terhelhetőségi görbék alapján a teljesítményosztók terhelhetőségre történő méretezése, mely a megfelelő  $D_2$  külső átmérő meghatározását jelenti, elvégezhető.

#### IRODALOM

- Walker: NAB Engineering Handbook pp. 2-189-2-196. Fifth Edition Mc Graw-Hill Book Company New York 1960.
- [2] Dummer, G. W. A., Blackband, V. T.: Wires and RF cables. Chapter 10, pp. 96-125, Pitman LTD London 1961.
- [3] Mildner, R. C.: The power rating of radio-frequency cables Trans. of the AIEE 1949 Volume 68 pp. 289-298.
- [4] Macalpine, William: Heating of Radio-Frequency Cables Trans. of the AIEE 1949 Volume 68 pp. 283-288.
- [5] Istvánffy E.: Tápvonalak, antennák hullámterjedése. Tankönyvkiadó, Budapest, 1967. 1.4.4. és 1.4.5. fejezet.
- [6] Pattantyús: Gépész- és villamosmérnökök kézikönyve. Műszaki Könyvkiadó Budapest, 1961.
- [7] Almássy Gy.: Híradástechnikai mechanikai szerkezetek. Egyetemi jegyzet J5-519.
- [8] Reference Data for Radio Engineers, fourth edition. New York 1959 Chapter 3. pp. 41-74.
- [9] Matthaei, Young, Jones: Microwave Impedance-Matching Networks and coupling structures. Mc Graw-Hill Book Company 1964 London pp. 168-173.
- [10] Mátay Gábor: Teljesítményosztók terhelhetősége. Tématanulmány. Mikrohullámú Híradástechnika Tanszék 1974.